Zawartość

[1 Wstęp 2](#_Toc402818333)

[2 Teoria 2](#_Toc402818334)

[2.1 Robot - informacje podstawowe 2](#_Toc402818335)

[2.1.1 Podział robotów: 2](#_Toc402818336)

[2.1.2 Podstawowe pojęcia z robotyki 3](#_Toc402818337)

[2.1.3 Struktura robotów 4](#_Toc402818338)

[2.2 Przekształcenia jednorodne 5](#_Toc402818339)

[2.2.1 Translacja układu współrzędnych 5](#_Toc402818340)

[2.2.2 Rotacja układu współrzędnych 6](#_Toc402818341)

[2.2.3 Złożenie rotacji 8](#_Toc402818342)

[2.2.4 Reprezentacja rotacji 8](#_Toc402818343)

[2.2.5 Skalowanie 9](#_Toc402818344)

[2.2.6 Przekształcenie perspektywiczne 10](#_Toc402818345)

[2.2.7 Macierz współrzędnych jednorodnych 10](#_Toc402818346)

[2.3 Kinematyka robota 10](#_Toc402818347)

[2.3.1 Kinematyka prosta 10](#_Toc402818348)

[2.3.2 Notacja Denavita-Hartenberga 12](#_Toc402818349)

[2.3.3 Kinematyka odwrotna 12](#_Toc402818350)

[2.4 Układ sterowania 15](#_Toc402818351)

[2.4.1 Generacje robotów 15](#_Toc402818352)

[2.4.2 Układ wizyjny 15](#_Toc402818353)

[2.5 Przetwarzanie obrazu 16](#_Toc402818354)

[2.5.1 Przestrzenie kolorów 16](#_Toc402818355)

[2.5.2 Deformacje obrazu 16](#_Toc402818356)

[2.5.3 Filtracja 17](#_Toc402818357)

[2.5.4 Operacje w dziedzinie częstotliwości 19](#_Toc402818358)

[2.5.5 Detekcja krawędzi algorytmem Canny'ego 21](#_Toc402818359)

[2.5.6 Transformata Hough'a 21](#_Toc402818360)

[2.5.7 Wyznaczanie środka ciężkości 21](#_Toc402818361)

[3 Bibliografia 22](#_Toc402818362)

# Wstęp

W wielu mitologiach i wierzeniach ludowych pojawiają się "sztuczni ludzi". Na przykład grecki bóg Hefajstos miał mieć mechanicznych służących, a w Piśmie Świętym opisany jest golem na glinianych nogach. Już w starożytności podejmowano próby budowy mechanicznych urządzeń. Pierwszym mechanizmem, którego można nazwać robotem był drewniany ptak skonstruowany w IV w. p.n.e. przez greckiego matematyka o imieniu Archytas. Innym przykładem może śpiewający ptak lub teatr z ruchomymi rzeźbami Greka Hero. Natomiast w starożytnych Chinach w III w. p.n.e. Yan Shi zbudował urządzenie latające. Przez wieki były budowane urządzenia służące zwykle dla rozrywki. Tak było również w przypadku z automatem grającym na flecie, skonstruowanego w 1738 r. n.e. przez [Jacques de Vaucanson](http://en.wikipedia.org/wiki/Jacques_de_Vaucanson). Wraz z rozwojem techniki urządzenia automatyczne były coraz bardziej skomplikowane. Dużą zasługę w rozwój robotyki miał Nikola Tesla, który w 1989 roku zaprezentował bezprzewodowo, zdalnie sterowaną łódź. Pierwsza połowa XX wieku obfitowała w coraz to doskonalsze automaty, które stopniowo zaczęto nazywać robotami. Wśród ważniejszych osiągnięć tamtych czasów należy wymienić humanoidalnego robota Eric zbudowanego w 1928 r. i automatycznego pilota użytego w niemieckich rakietach V2 podczas II wojny światowej. W II połowie XX w. rozwój robotyki był bardzo dynamiczny, tak iż współcześnie roboty stały powszechnie stosowane nie tylko przy ciężkich i niebezpiecznych pracach, lecz również przy prostych pracach domowych jak odkurzanie.

%%

Jednym z nich był zbudowany ok. 270 r. p.n.e. przez Greka Ctesibius, zegar wodny z organami i poruszającymi się figurami.

Pierwszym według źródeł historycznych urządzeniem jest zbudowany ok 270 roku p.n.e. zegar wodny z organami i z poruszającymi się figurami. Przez następne wieki były budowane mechanizmy wykorzystujące ciśnienie powietrza lub wody.

%%

# Teoria

## Robot - informacje podstawowe

Według słownika języka polskiego słowo robot oznacza "urządzenie techniczne wykonujące mniej lub bardziej skomplikowane czynności, zastępujące zwykle fizyczną pracę człowieka". Etymologia słowa pochodzi z dramatu "Roboty Uniwersalne Rossuma" z 1920 roku, której autorem jest czeski pisarz Karel Capek. Powszechne użycie słowa robot odnosi się do urządzenia mechanicznego o pewnym stopniu autonomii.

### Podział robotów:

Obecnie najpopularniejszy jest następujący podział robotów na:

* roboty mobilne
* roboty stacjonarne

**Roboty mobilne** - roboty mogące swobodnie poruszać się w przestrzeni, które nie potrzebują być sterowane przez człowieka. Są one ruchomą platformą z lub bez manipulatorów. Można wyróżnić roboty lądowe, wodne, powietrzne.

**Roboty stacjonarne** - roboty nie posiadające jednostki napędowej, do swobodnego poruszania się w przestrzeni. Pracują tylko w ściśle określonym, ustalonym wcześniej obszarze.

Natomiast norma ISO 8373:2012 podaje podział na:

* roboty usługowe;
* roboty przemysłowe.

**Roboty usługowe** -  roboty wykonujące czynności użytkowe wobec ludzi i sprzętu, z wyłączeniem systemów automatyki przemysłowej służących na przykład do produkcji, kontroli, pakowania czy składania.

**Roboty przemysłowe** - automatycznie sterowane, reprogramowalne, uniwersalne manipulatory programowalne w trzech lub więcej osiach, używane w systemach automatyki przemysłowej. Mogą to być zarówno stacjonarne jak i mobilne. Taki robot składa się z:

* manipulatora, włącznie z siłownikami
* sterownika, włącznie z panelem sterującym, oraz wszystkie interfejsy komunikacyjne

### Podstawowe pojęcia z robotyki

W celu dokładnego opisania mechaniki robota niezbędne jest wprowadzenie odpowiedniej nomenklatury, zgodnie z G. Kostem w podręczniku [Podstawy budowy robotów].

**Manipulator** - mechanizm składający się ze sztywnych ogniw połączonych ze sobą za pomocą obrotowych lub przesuwnych złączy, służący do chwytania i/lub przesuwania przedmiotów, w różnych kierunkach. Manipulator może być sterowany przez operatora, zaprogramowany sterownik elektroniczny lub system wizyjny. Według normy końcówka robocza nie jest częścią manipulatora.

**Autonomia -** zdolność dowykonywania zadań, w oparciu o odczyt z czujników i znajomości swojej pozycji, bez udziału operatora.

**Uniwersalność** - zdolność do zaadaptowania się w różnych systemach za pomocą zmiany struktury mechanicznej.

**Reprogramowalność** - możliwość zmiany funkcjonalności i zaprogramowanych ruchów bez konieczności zmiany struktury mechanicznej.

**System sterowania** - zbiór funkcji logicznych i komend do sterowania napędów, pozwalających na obserwację i sterownie robotem oraz na komunikacji się z otoczeniem.

**Liczba stopni swobody** - liczba niezależnych, swobodnych ruchów bryły sztywnej w przestrzeni. Ciało umieszczone swobodnie w przestrzeni posiada sześć stopni swobody: trzy liniowe i trzy obrotowe.

**Końcówka robocza (efektor)** - ostatnie ogniwo łańcucha kinematycznego, umożliwiające interakcje z otoczeniem.

**Przestrzeń osiągalna** - przestrzeń, którą może osiągnąć końcówka robocza manipulatora, przy jego pełnym zakresie ruchów.

**Przestrzeń robocza** - przestrzeń, którą może osiągnąć końcówka robocza manipulatora z dowolną orientacją.

**Para kinematyczna** -jest to ruchome połączenie dwóch ogniw łańcucha kinematycznego.

**Łańcuch kinematyczny** - szereg ogniw połączonych ruchomo ze sobą, stanowiących jedną lub więcej par kinematycznych.

**Więzy** - wzajemne ograniczenie ruchu ciał lub układu ciał.

**Przegub** - jest to połączenie ruchome dwóch elementów.

**Ruchliwość łańcucha kinematycznego** - jest to ilość stopni swobody, jaką posiada końcówka łańcucha kinematycznego. Wielkość ta jest zależna od ilości i klasy par kinematycznych znajdujących się w łańcuchu. Dla każdego łańcucha kinematycznego ten parametr można obliczyć za pomocą równania:

Gdzie:

k - ilość par kinematycznych w łańcuchu

- para kinematyczna i-tej klasy

**Powtarzalność** - wielkość określająca różnicę położenia, osiągniętą przez manipulator, przy kilkukrotnym pozycjonowaniu do tego samego punktu.

**Dokładność** - wielkość określająca margines błędu między wyznaczonym punktem w przestrzeni, a osiągniętą pozycją robota dla tego punktu.

**Pozycjonowanie** - sposób osiągnięcia odpowiedniego punktu w przestrzeni.

**Zmienne złączowe -** zmienne odczytane z czujników położenia, określające pozycję danego złącza w układzie współrzędnym kompatybilnym ze sposobem pomiaru.

### Struktura robotów

Manipulatory z punktu widzenia kinematyki złożone są z brył sztywnych, zwanych ogniwami, połączonych przegubami, które tworzą łańcuch kinematyczny. Zazwyczaj stosowane są przeguby obrotowe i przesuwne. Mają one jeden stopień swobody i razem z sąsiednimi ogniwami tworzą parę kinematyczną piątego stopnia. Przegub obrotowy zwany także rotacyjnym jest podobny do zawiasu i umożliwia obrót między dwoma ogniwami. Natomiast przegub przesuwny inaczej pryzmatyczny pozwala na ruch liniowy między ogniwami. W robotach mogą być stosowane połączenia z zwiększą liczbą stopni swobody, jednak w znaczny sposób komplikują obliczenia. Do kinematycznego opisu takich przegubów stosuje się dekompozycję na pary kinematyczne piątego stopnia o zerowej długości ogniwami pomiędzy nimi.

Ilość połączeń determinuje ilość stopni swobody manipulatora. Typowy manipulator z końcówką roboczą posiada sześć niezależnych stopni swobody: trzy odpowiadają za pozycję robota, trzy pozostałe za orientację. Jeśli robot posiada mniej stopni swobody to nie jest możliwe dotarcie do każdej pozycji w przestrzeni roboczej z dowolną orientacją. Jeśli zaś posiada więcej niż sześć to taki manipulator zwany jest redundantnym i jest on trudniejszy w sterowaniu.

Rysunek .

Rysunek .

## Przekształcenia jednorodne

Do poprawnego opisania kinematyki manipulatorów potrzebne jest wyznaczenie pozycji i orientacji, każdego ogniwa robota, łącznie z przypisanym do niego układem współrzędnych. W tym przypadku ogniwo jest traktowane jako bryła sztywna. Do wyznaczenia pozycji i orientacji ogniwa wykorzystuję się notację przekształcenia homogenicznego. Jest to macierz kwadratowa, utworzona przez kombinację macierzy rotacji i translacji.

### Translacja układu współrzędnych

Macierz translacji opisuje przekształcenie układu bazowego do układu pochodnego poprzez przesunięcie. Początki układów znajdują się w innych punktach w przestrzeni, lecz ich osie są równoległe.

Współrzędne wektora p w układzie bazowym na podstawie współrzędnych w układzie pochodnym, są wyznaczane z poniższej zależności:

Rysunek .

x0

z0

y0

x1

y1

z1

lub

### Rotacja układu współrzędnych

Rysunek 22 przedstawia bryłę sztywną, do której jest przytwierdzony układ współrzędnych ox1y1z1. Celem jest powiązanie współrzędnych punktu p w układzie ox1y1z1 z referencyjnym układem ox0y0z0. Załóżmy że

Macierz rotacji opisuje sposób przekształcenia podstawowego układu współrzędnych do układu pochodnego poprzez obrót. Początki układów znajdują się w tym samym punkcie, lecz ich osie nie są równoległe.  
Współrzędne wektora w układzie bazowym są wyrażone w postaci:

Natomiast współrzędne wektora w układzie pochodnym są wyrażone w postaci:

Ponieważ równania przedstawiają ten sam wektor, zależność pomiędzy układami jest obliczona w następujący sposób:

Można to zapisać w postaci równania macierzowego:

Wzór (2.8) przedstawia macierz przekształcenia współrzędnych wektora w układzie pochodnym, na współrzędne w układzie bazowym.

Przekształcenie odwrotne do powyższego (współrzędne w układzie w układzie bazowym na współrzędne w układzie pochodnym) otrzymuje się poprzez transpozycję danej macierzy według równania (2.9):

Macierze i są ortogonalne i ich wyznaczniki są równe . Jeśli jest rozpatrywany układ prawoskrętny to .

W dalszej części macierz ortogonalna z wyznacznikiem równym +1 jest nazywana macierzą rotacji.

Macierz (2.10)przedstawiona w postaci ogólnej jest nazywana macierzą rotacji.

Macierze rotacji wokół osi Oy, Ox i Oz są zdefiniowane w następujący sposób:

Rysunek .

x0

y0

z0

x0

y0

z0

x0

y0

z0

y1

x1

z1

z1

x1

y1

z1

y1

x1

θ

θ

θ

Reprezentacja tych przekształceń w przestrzeni są przedstawione na rysunku (2.4)

### Złożenie rotacji

Jeśli do układów współrzędnych Ox0y0z0 i Ox1y1z1 zostanie powiązany przez rotację trzeci układ współrzędnych Ox2y2z2 , to reprezentację wektora przekształcenia dla tych trzech układów, można zdefiniować w następujący sposób:

Podstawiając równanie 2.16 do 2.14 otrzymuje się:

Porównując z kolei równanie 2.15 z 2.17 powstaje następująca tożsamość:

Z powyższego równania wynika, że przekształcenie współrzędnych wektora p układzie ox2y2z2 na współrzędne w układzie ox0y0z0 można obliczyć poprzez kolejne przekształcenia z układu ox2y2z2 na ox1y1z1 i układu ox1y1z1 na ox0y0z0.

Z powyższego równania, wynika że macierz rotacji z układu Ox2y2z2 na ox0y0z0 jest możliwa do obliczenia poprzez iloczyn macierzy rotacji Ox2y2z2 na Ox1y1z1 i Ox1y1z1 na Ox0y0z0 . Ta własność można stosować dla nieskończonej ilości układów współrzędnych powiązanych ze sobą relacją rotacji. Należy zaznaczyć, że składanie rotacji macierzy nie jest działaniem przemiennym.

### Reprezentacja rotacji

Macierz rotacji zawiera aż dziewięć zmiennych, lecz korzystając ze wzoru Caley'a dla macierzy ortonormalnych, ilość niewiadomych można zredukować do trzech. Jest to wynikiem istnienia macierzy skośnosymetrycznej S (2.19) spełniającej warunek (2.20) dla każdej właściwej macierzy ortonormalnej.

Do wyboru określonych trzech niewiadomych pozwalających jednoznacznie określić macierz rotacji stosuje się następujące reprezentacje parametrów:  
- reprezentacja oś-kąt (ang. Axis/Angle)  
- reprezentacja przez kąty Eulera (ang. Euler Angles)  
- reprezentacja przez kąty obrót/nachylenie/odchylenie (ang. Row, Pitch, Yaw Angles)

Najczęściej wykorzystywana jest reprezentacja poprzez kąty Eulera, przedstawiona w pracy [John J. Craig - wprowadzenie do robotyki].

Rysunek .

z0

z

z1

z

y0

z

y1

z

x1

z

x0

z

θ

θ

θ

φ

φ

φ

Ψ

Ψ

Ψ

Relacja pochodnego układu współrzędnych - Ox1y1z1 , do bazowego - Ox0y0z0 , jest wyrażona poprzez trzy kąty - φ , θ, Ψ, które kolejno odpowiadają za obrót wokół osi Oz, Oy i jeszcze raz Oz. Jest to przedstawione na rysunku (2.5). Pomimo dwukrotnego korzystania z obrotu wokół osi Oz jest możliwe przedstawienie dowolnego przekształcenia dwóch układów.

Rozważając bazowy układ współrzędnych, relacja pochodnego układu współrzędnych jest wyrażona przez 3 kąty (). Kąty te odpowiadają za: φ- obrót wokół osi Oz, θ - obrót wokół osi Oy, ξ - jeszcze raz obrót wokół osi Oz.

Wykorzystując macierze rotacji wokół poszczególnych osi, reprezentację przez kąty Eulera można zapisać w postaci macierzy .

### Skalowanie

Skalowanie opisuje przekształcenie obrazu, w którym obiekty są zmniejszane lub powiększane we wszystkich wymiarach o zadany współczynnik. Takie przekształcenie opisuje równanie:

W przestrzeni trójwymiarowej można je zapisać w postaci macierzowej:

Wprowadzenie dodatkowej zmiennej do macierzy znacznie ułatwia obliczenia.

### Przekształcenie perspektywiczne

Perspektywa opisuje przekształcenie obrazu, w którym zachowane są linie proste. Takie przekształcenie najlepiej odwzorowuje obraz widziany przez człowieka.

Przekształcenie perspektywiczne można zapisać w postaci macierzy:

### Macierz współrzędnych jednorodnych

Współrzędne jednorodne to metoda reprezentacji *n*-wymiarowych punktów za pomocą n+1 współrzędnych. Punkt w trójwymiarowej przestrzeni, we współrzędnych jednorodnych jest przedstawiony za pomocą czwórki liczb (*z, y, z, W*). Taki sposób reprezentacji doskonale nadają się do przekształceń w n-wymiarowych przestrzeniach, ponieważ macierz będąca iloczynem przekształceń zawiera złożenie tych przekształceń, co jest przedstawione we wzorze (2.26).

W kinematyce manipulatorów przekształca się układy współrzędnych, dlatego skala i perspektywa nie są uwzględniane w obliczaniu położenia manipulatora. Lecz w pracy jest wykorzystany także system wizyjny, który wykorzystuje pełną macierz przekształcenia, dzięki której można wyznaczyć położenie kamery i jej parametry.

## Kinematyka robota

Robot jest łańcuchem kinematycznym o wielu stopniach swobody złożonym z ogniw i z przegubów. Każde z ogniw można traktować jako bryłę sztywną. Kinematyka robota, jako dziedzina wiedzy, zajmuję się wyznaczaniem pozycji, orientacji, prędkością i przyspieszeniem każdego ogniwa oraz sposobu ich połączenia w łańcuch kinematyczny.

W niniejszej pracy skoncentrowano się przede wszystkim na wyznaczeniu poprawnej pozycji i orientacji robota, zaniedbując sposób dotarcia do celu, dlatego opis kształtowania prędkości i przyspieszania jest pominięty.

### Kinematyka prosta

Pod pojęciem proste zadanie kinematyki rozumie się określenie pozycji końcówki roboczej przestrzeni, najczęściej w kartezjańskim układzie współrzędnych. Osiąga się to poprzez kolejne określenie pozycji ogniw w łańcuchu kinematycznym na podstawie pomiarów położenia względem poprzedniego ogniwa. Pomiar odbywa się poprzez odczyt z czujnika znajdującego się w danym złączu.

Celem analizy kinematyki prostej jest obliczenie wpływu przemieszczenia się każdego ogniwa w łańcuchu kinematycznym manipulatora na końcówkę roboczą. Zakładając, że wszystkie złącza mają jeden stopień swobody, to każda akcja wykonana na złączu może być opisana poprzez jedną liczbę; przy złączu rotacyjnym jest to kąt obrotu, a przy złączu pryzmatycznym jest to przesunięcie.

W opisie robota przyjmuję się, że ogniwa numeruję się od zera do n+1 gdzie n jest ilością złącz. Nieruchome ogniwo przymocowane do podłoża określa się liczbą zero, a pozostałe ogniwa numeruje się w kolejności od podstawy do końcówki roboczej. Przeguby są numerowane w taki sposób, że i-te złącze jest punktem połączenia i-tego oraz i-pierwszego ogniwa. Natomiast jest liczbą określającą złącze (kąt lub przesunięcie). Ponadto dla każdego ogniwa jest sztywno przypisany lokalny układ współrzędnych, tak aby każdy punkt umieszczony na ogniwie miał zawsze takie same współrzędne.

Rysunek .

Każda transformacja współrzędnych układu i na i-1 jest opisana homogeniczną macierzą A zależną od wartości to znaczy. Poprzez kolejne wymnożenie macierzy oblicza się macierz transformacji pomiędzy układem i-tym oraz j-tym układem. W ten sposób oblicza się macierz transformacji współrzędnych między układem bazowym, a układem efektora.

Wynik jest macierzą przekształcenia jednorodnego.

### Notacja Denavita-Hartenberga

Dla danego ogniwa można dowolnie założyć kierunki osi przypisanego do niego układu współrzędnych. W celu uniknięcia, pomyłek spowodowanych odmiennymi sposobami ustalania układów współrzędnych w pracy[Spong, Vidysagar - Robot Dynamics and Controls] jest przedstawiona najczęściej stosowana konwencja przyporządkowania osi tych układów.

Według konwencji Denavita-Hartenberga osie układów są przyporządkowane w następujący sposób:  
- oś jest osią przegubu i  
- początek układu jest wyznaczony na osi   
- oś pokrywa się z prostą prostopadłą do osi i łączącą przeguby i oraz i+1  
- oś uzupełnia prawoskrętny układ współrzędnych

W tej notacji każdemu ogniwu przyporządkowane są 4 wielkości:  
- θ- kąt między ogniwami i wokół osi przegubu i, określony prawoskrętnie  
- d - odległość między ogniwami i mierzona wzdłuż osi przegubu i  
- α- kąt między osiami przegubów i i i+1, wokół ogniwa , określony prawoskrętnie  
- a - odległość między osiami przegubów i i i+1

Parametry α i a określają ogniwo, a θ i d określają przegub. Dwie pierwsze wielkości są stałe, dwie ostatnie zmieniają się wraz ruchem łącza.

W tej konwencji każda macierz przekształcenia *Ai* jest wynikiem kombinacji 4 podstawowych transformacji. Są to kolejno:  
- obrót wokół osi Oz o kąt θ  
- przesunięcie wzdłuż osi Oz o odległość d  
- przesunięcie wzdłuż osi Ox o odległość a  
- obrót wokół osi Ox o kąt α



Rysunek .

### Kinematyka odwrotna

Celem odwrotnego zadania kinematyki jest obliczenie zmiennych złączowych dla ustalonej pozycji i orientacji końcówki roboczej.

Mając daną macierz przekształcenia jednorodnego H dla konkretnej pozycji i orientacji efektora:

Należy znaleźć rozwiązanie równania:

gdzie

Z równania (2.29) wynika, że jest dwanaście nietrywialnych równań i n niewiadomych w zależności od ilości stopni swobody łańcucha kinematycznego.

Ponieważ są to równania nieliniowe, więc są dość trudne do rozwiązania. Można do tego użyć metod numerycznych, lecz ze względu na szybkość i dokładność są preferowane rozwiązania w postaci jawnej. Niestety nie każdy manipulator może być rozwiązany w ten sposób. Z tego względu zazwyczaj są konstruowane roboty, dla których tak postać istnieje.

Należy także zauważyć, że nie dla każdego położenia w przestrzeni istnieje rozwiązanie tego zadania. Zadane współrzędne końcówki roboczej muszą się zawierać w przestrzeni roboczej manipulatora. Ponadto jeśli robot jest redundantny (to znaczy - ma więcej niż sześć stopni swobody) to dla większości punktów w przestrzeni roboczej niemożliwe jest wyznaczenie jednoznacznego rozwiązania.

Jeśli w manipulatorze osie obrotu trzech ostatnich przegubów łączą się w jednym punkcie, to można zastosować dekompozycję na dwa prostsze zadania: obliczenie zmiennych dla danej orientacji końcówki roboczej oraz obliczenie zmiennych dla danej pozycji w przestrzeni końca manipulatora.   
Ten sposób rozwiązania jest przedstawiony w pracy [D.Pieper, "The kinematics of manipulators under computer control"].

W skrócie ta metoda opiera się na 3 krokach.  
1. Znalezienie punktu centralnego końcówki roboczej (punktu przecięcia się osi trzech ostatnich łączy) ze wzoru:

Gdzie:  
 - punkt centralny  
d - zadana pozycja chwytaka  
 - odległość od chwytaka wzdłuż osi oz6  
R - macierz zadanej orientacji chwytaka  
k - wektor

2. Wyliczenie zmiennych złączowych dla pozycji .

3. Na podstawie zmiennych złączowych obliczenie macierzy .

4. Obliczenie zestawu kątów Eulera związanych z macierzą rotacji

Jeśli końcówka robocza nie spełnia podanych założeń to za punkt przyjmuję się środek pierwszego łącza, który odpowiada za orientację chwytaka.

Współrzędne złączowe dla punktu można obliczyć na różne sposoby na przykład analitycznie lub geometrycznie. W podejściu analitycznym oblicza się współczynniki macierzy Transformacji. Natomiast w sposobie geometrycznym rozbija się zadanie geometrii przestrzennej na szereg zadań z geometrii płaskiej.

## Układ sterowania

Jest to podstawowy element robota służący do sterowania pracą manipulatora według odpowiedniego algorytmu działania ustalonego podczas programowania. Za jego pomocą gromadzone są dane z czujników, które są przetwarzane oraz interpretowane jako odpowiednie stany obiektu manipulowanego . Mierzone są własności fizyczne, parametry tego obiektu. Układ sterowania nadzoruje cykl działań manipulatora zawartego w programie robota. Jednak najważniejszym zadaniem układu jest przekazania sygnałów sterujących do napędów.

### Generacje robotów

Według G. Kosta w publikacji ["Układy robotów przemysłowych"]ze względu na poziom automatyzacji układ sterowania roboty są podzielone na 3 generacje:  
**I generacja** - robot jest wyposażony w czujniki wewnętrzne, służące do określania stanów robota jak sensory położenia serwomechanizmów. Jest zdolny do samodzielnego wykonania czynności wcześniej zdefiniowanej przy programowaniu. Nie jest w stanie zbierać informacji o środowisku zewnętrznym. Działanie robota jest wcześniej zaplanowane i niezmienne. Sterowanie przemieszczeniem jest realizowane we współrzędnych złączowych.  
**II generacja** - robot jest wyposażony w czujniki wewnętrzne i zewnętrzne. Jest zdolny do samodzielnego wykonywania czynności z uwzględnieniem czynników zewnętrznych przewidzianych przez programistę. Reakcja na zmienne zewnętrzne jest zrealizowana jako alternatywne ścieżki programu. Jest w stanie zbierać informację o środowisku zewnętrznym. Sterowanie przemieszczeniem jest realizowane we współrzędnych zewnętrznych.  
**III generacja** - robot jest wyposażony w czujniki zewnętrzne i wewnętrzne. Sterowanie przemieszczeniem jest realizowane we współrzędnych zewnętrznych. Jest zdolny do samodzielnego wykonywania czynności z uwzględnieniem zmiennych zewnętrznych, nie zawsze przewidzianych przez programistę. Jest wyposażony w elementy sztucznej inteligencji. Reakcja na zmienne zewnętrzne jest realizowane poprzez aktualizacje oprogramowania w trakcie wykonywania działań. Sterowanie w środowisku zewnętrznym jest realizowane w zamkniętej pętli sprzężenia zwrotnego.

### Układ wizyjny

Jest to integralna część układu sterowania robota, odpowiadająca za pobranie informacji ze środowiska zewnętrznego. Składa się z czujników wykrywających sygnały wizyjne w postaci obrazu zarejestrowanego przez aparat fotograficzny lub kamerę.

Podążając za Ryszardem Tadeusiewiczem w publikacji ["Systemy wizyjne"] system wizyjny może wykonywać następujące działania:  
- ocenę elementów  
- identyfikacje elementów  
- określenie miejsca umieszczenia elementu  
- określenie punktu uchwycenia elementu  
- kontrola trajektorii ruchomych obiektów w celu chwycenia ruchomych elementów lub wykrycia zagrożenia  
- sterowanie robotami ruchomymi   
- zewnętrzny nadzór nad przestrzenią roboczą

## Przetwarzanie obrazu

Przetwarzanie sygnału wizyjnego na konkretne wielkości łatwe w interpretacji w programie robota jest realizowane przez szereg operacji na obrazie zależnych od założonego wyniku.

### Przestrzenie kolorów

Widzenie kolorów i ich rozróżnianie to bardzo skomplikowany proces zachodzący w zmyśle wzroku, choć przez większość ludzi postrzegany jako trywialny. W celu zapisania obrazu w postaci cyfrowej jest potrzebne zdefiniowanie odpowiednich atrybutów dla pikseli z zależności od przyjętej przestrzeni kolorów.

Jest wiele systemów kolorów. W urządzeniach emitujących światło jak monitory używa się przestrzeni RGB (red, green, blue). Jest to addytywny system kolorów, to znaczy wszystkie możliwe kolory są wyznaczone poprzez dodanie do siebie trzech podstawowych barw: czerwonej, zielonej i niebieskiej. Piksele mają trzy atrybuty oznaczające natężenie tych kolorów.

Systemem używanym w urządzeniach do nakładania farby na inne przedmioty, jak drukarka, używa się przestrzeni CMY (cyjan, magenta, yellow). W tym systemie nie jest możliwe dokładne odzwierciedlenie czerni, więc wprowadza się dodatkową czwartą składową – czerń.

Innym systemem często używanym przez grafików jest przestrzeń HSL (hue, saturation, lightness), który definiuje kolor jako położenie w walcu. Parametrami określającymi kolor są: barwa, nasycenie oraz jasność.

Należy także wspomnieć o systemie CIEXYZ, za pomocą którego można odzwierciedlić wszystkie kolory widziane przez człowieka. Parametry XYZ odpowiadają trzem fikcyjnym barwom utworzonych na podstawie dodatnich składowych widmowych fal elektromagnetycznych najlepiej widzianymi przez ludzkie oko.

### Deformacje obrazu

Aparaty fotograficzne i kamery przemysłowe pobierają obraz przez układ optyczny, który powoduje zniekształcenia obrazu.

#### Abberacja chromatyczna

Wada soczewki, która powoduje pojawianie się kolorowych obwódek wokół kontrastowych krawędzi. Jest to spowodowane różnym kątem załamania się światła w soczewce dla różnych długości fal, w wyniku czego ogniskowa soczewki nie jest identyczna.

Rysunek .

#### Abberacja sferyczna

Wada występująca przy użyciu soczewki sferycznej, powodująca rozmazanie obrazu przy krawędziach. Jest to spowodowane mniejszą grubością soczewki przy jej brzegach, przez co promienie oddalone od środka soczewki mają różną ogniskową.

#### Dystorsja

Efekt powodujący zniekształcenie obrazu, poprzez zaokrąglenie do wewnątrz lub na zewnątrz poziomych i pionowych linii. Jest to wynikiem różnego stopnia powiększania obrazu dla różnych kątów obrazu.

Rysunek .

### Filtracja

Często obrazy pobrane przez system wizyjne mają zakłócenia, co utrudnia odczytanie z nich szukanych informacji. W tym celu stosuje się odpowiednie operacje matematyczne na obrazie w celu poprawy jego jakości. Te czynności nazywane są filtracjami. W kolorowych obrazach każdy piksel ma więcej niż jeden atrybut, przez co działania matematyczne muszą odbywać się na każdym atrybucie osobno. W ten sposób trudno jest uzyskać satysfakcjonujące wyniki, więc zazwyczaj te operacje wykonuję się na obrazach w skali szarości.

#### Filtry liniowe

Są to najszybsze i bardzo powszechne techniki poprawy jakości obrazu. Opierają się one na obliczenie wartości piksela przez podaną formułę matematyczną na podstawie wartości pikseli w sąsiedztwie. Gdzie sąsiedztwo zazwyczaj przyjmuję kształt kwadratowej maski o wymiarach 3X3 lub większej (rys. nr 2.9).

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| g(x-1, y-1) | g(x,y-1) | g(x+1,y-1) |
| g(x-1,y) | g(x,y) | g(x,y+1) |
| g(x-1,y+1) | g(x,y+1) | g(x+1,y+1) |

Rysunek 2.10

Filtrację przedstawia wzór (2.33)

Gdzie:

- pozycja filtrowanego piksela

f() - funkcja mapująca piksele sąsiedztwa

g() - funkcja szarości pikseli

N\* - sąsiedztwo danego piksela

Stosując tą konwencję można ma przykład utworzyć filtry:

* wygładzający
* wygładzający na podstawie krzywej Gaussa
* Prewitt'a - wykrywający krawędzie poziome pionowe oraz ukośne
* Sobela - wykrywający krawędzie poziome i w analogiczny sposób krawędzie w innych kierunkach

#### Filtry nieliniowe

Także filtry nieliniowe poprawiają jakość obrazu. Do nich należą filtry wykorzystujące statystykę, a dokładniej kwantyle. Jest to pojęcie ze statystyki oznaczające, że dla wartości x prawdopodobieństwo wystąpienia mniejszej wartości wynosi k/q. Najpopularniejszym kwatylem jest mediana - czyli środkowa wartość zbioru.

Wartość piksela oblicza się poprzez znalezienie mediany wartości pikseli sąsiadujących. Piksele sąsiadujące określa, się tak za pomocą maski, najczęściej kwadratowej.

#### Filtry morfologiczne

Są to metody przetworzenia obrazu, opierające się także na algebrze matematycznej, a dokładniej na pojęciu maksimum i minimum zbioru. Ta czynność najbardziej widoczny efekt ma dla obrazów binarnych (piksele dla tych obrazów posiadają tylko dwie wartości 1 lub 0), ponieważ mogą usunąć szumy lub dosztukować wykryty obiekt.

**Erozja**

Dla tej operacji badany piksel przyjmuję minimalną wartość ze zbioru sąsiadów, określonych za pomocą wcześniej zdefiniowanej maski. Określa to wzór:

**Dylatacja**

Z kolei dla tej operacji badany piksel przyjmuję maksymalną wartość ze zbioru sąsiadów, określonych za pomocą zdefiniowanej maski. Określa to wzór:

**Otwarcie, zamknięcie**

Te metody często występują w parze w celu zachowania kształtu wykrytych przedmiotów, zwłaszcza w obrazach binarnych. Kiedy operacja erozji zmniejszy powierzchnię znalezionego przedmiotu, to dylatacja z kolei zwiększy jego powierzchnię. Operacja dylatacji poprzedzonej erozją nazywa się otwarciem, a erozją z wcześniejszą dylatacją jest określona jako zamknięcie. To są dwie różne metody ponieważ erozja i dylatacja nie są działaniami przemiennymi.

### Operacje w dziedzinie częstotliwości

Dużo informacji z badanego obrazu można uzyskać poprzez rozpatrywanie go w dziedzinie częstotliwości. Jest to możliwe poprzez przetworzenie obrazu przez transformatę Fouriera.

#### Transformata Fouriera

Jest to rozkład funkcji okresowej na szereg funkcji okresowych o określonych częstotliwościach. Transformata podaje sposób w jaki poszczególne częstotliwości składają się na pierwotną funkcję. Ponadto funkcję przekształconą przez transformatę można przekształcić do pierwotnej postaci za pomocą transformaty odwrotnej.

Zgodnie z .. w publikacji [] transformata Fouriera dla funkcji f(t) jest zdefiniowana następująco:

Natomiast transformata odwrotna jest definiowana wzorem:

Dla funkcji f(x) w postaci dyskretnej jest podana transformata w wersji dyskretnej:

Dla

Dyskretna transformata odwrotna jest zadana wzorem:

Dla

Do przetwarzania obrazu o wymiarach NxN jest podana transformata dla funkcji dwuwymiarowych:

Dla

Argumenty u i v są interpretowane jako częstotliwości przestrzenne wzdłuż osi x i y. Składowe F(u, v) odpowiadające dużym wartościom, kodują drobne obiekty i gwałtowne przejścia pomiędzy czernią i bielą w przetwarzanym obrazie. Natomiast fragmenty funkcji F(u, v) występujące dla małych wartości argumentów, odpowiadają dużym przedmiotom i fragmentom tła. Wykorzystując te własności można zastosować filtr dolnoprzepustowy usuwający drobne zakłócenia, lub górnoprzepustowy filtrujący elementy tła.

#### Filtr Wienera

Bardzo dobre wyniki w usuwaniu szumu z obrazu daje filtr zaproponowany przez N. Wienera []. Znany jest także pod nazwą filtru minimalnego błędu średniokwadratowego. Założeniem operacji filtracji jest znalezienie estymowanego obrazu *f'*, takiego żeby różnica błędu średniokwadratowego między nim, a zakładanego obrazu bez zakłóceń f była jak najmniejsza. Jest to przedstawione wzorem:

Gdzie:  
E{ } - jest to spodziewana wartość argumentu

Przyjmując następujące założenia:  
 - zakłócenia i czysty obraz są nieskorelowane ze sobą  
- czysty obraz lub zakłócenie ma zerową spodziewaną wartość  
- poziom natężenia sygnału w estymacie jest funkcją liniową zakłóconego obrazu  
można , podążając za Gonzalezem w publikacji ["Digital Image Processing"], podać wzór filtracji obrazu w dziedzinie częstotliwościowej:

Gdzie:  
F'(u,v) - otrzymany obraz po filtracji  
H(u,v) - funkcja zakłócenia  
Sƞ - widmowa gęstość mocy zakłócenia  
Sf - widmowa gęstość mocy czystego obrazu

### Detekcja krawędzi algorytmem Canny'ego

Wielostopniowy algorytm służący do detekcji krawędzi w obrazie opracowany przez John'a Canny'ego w 1986 r. zaprezentowany w pracy ["A computional rpproach to edge detection"].

1. Usunięcie zakłóceń za pomocą filtru bazującego na krzywej Gaussa.

2. Obliczenie wartości gradientu w obrazie.

3. Poprawienie ciągłości krawędzi poprzez uzupełnienie brakujących pikseli zgodnie kierunkiem antygradientu.

4. Progowanie z histerezą w celu usunięcie nieistotnych krawędzi.

### Transformata Hough'a

Transformata przeznaczona do wykrywania prostych i figur opisanych analitycznie. Jest bardzo przydatna do znajdowania określonych obiektów w obrazie np. okrąg, trójkąt, kwadrat.

Transformata Hough'a bazuję na równaniu biegunowym prostej:

Rysunek .

x

r

Ɵ

y

Gdzie:

r - odległość prostej od bieguna (często przyjmowany jest początek układu współrzędnych)

Ɵ - kąt między ortonormalną do badanej prostej, a osią ox.

Wynikiem tej transformacji jest zbiór prostych, z których składa się dany obraz, przedstawionych w prostokątnym układzie współrzędnych o parametrach r i Ɵ.

## Wyznaczanie środka ciężkości

# Bibliografia